# Violação de Lorentz com Velocidade Minima como fundamento para o vácuo gravitante

Rodrigo Francisco dos Santos

### Resumo

Estudamos uma teoria de relatividade deformada, chamada Relatividade Especial Simétrica, que já foi capaz de calcular o valor da constante cosmológica e fornecer uma interpretação geométrica para o principio da incerteza.

Demonstramos que o espaço-tempo gerado pela SSR tem curvatura negativa e soluciona a equação de Einstein com constante cosmológica positiva e sem fontes. Demonstramos que a métrica da SSR é uma métrica conforme, e que o espaço por ela gerado, é um espaço muito semelhante ao espaço de De-Sitter, sendo que a curvatura não é constante.

## Indice

- Resumo
- Pequena revisão da SSR
- Propriedades Conforme da métrica
- Quebra da Simetria de Lorentz
- Uma geometrização da relação de incerteza
- Calculando a curvatura
- Métrica da SSR como solução da equação de Einstein.
- SSR é sua relação com a relatividade de De-Sitter.
- SSR e sua relação com os Espaços ADS
- O Tensor E-M de um gás ideal
- O Inflaton gerado a partir da SSR
- Conclusões e Perspectivas

## Natureza eletromagnética do foton

- Campo microscópico de um foton singular (Feynmann)
- Reciprocidade de De Broglie
- Conservação dos campos granulares

$$E_{\rm em} = \frac{1}{4\pi} |\vec{E}(z,t)|^2 = \frac{1}{4\pi} e_0^2 \sin^2(wt - kz) \qquad E_{\rm em} = E = E$$

$$E_{\rm em} = E = pc = \frac{hc}{\lambda} = \hbar w \equiv \frac{1}{4\pi}e_{ph}^2,$$

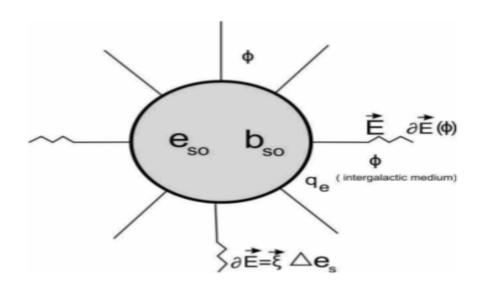
$$\lambda \equiv \frac{4\pi hc}{e_{ph}^2},$$

R. P. Feynmann, Quantum Electrodynamics, A Lecture Note and Reprint Volume (W. A. Benjamin, INC. Publishers, 1962), pp. 4–5.

## Origem da Velocidade Minima

$$\gamma \rightarrow e^- + e^+$$

$$E = mc^2 = m_0 c^2 \sqrt{g_{00}} + K,$$
  $\sqrt{g_{00}} = (1 + \frac{\phi}{c^2})$ 



$$e_{s0} \sim 10^{23} \, \text{V/m}$$

$$R_e \sim 10^{-16} \, \mathrm{m}.$$

C. Nassif, Int. J. Mod. Phys. D 25 (2016) 1650096, http://www.worldscientific.com/worldscient/jmpd?journalTabs=read.

# Relação entre os campos externos e internos

Variação dos campos externos em função do campo interno

$$\delta \vec{E} = \vec{\epsilon} \xi \Delta e_s, \quad \delta \vec{B} = \vec{\epsilon} \xi \Delta b_s,$$

$$\delta \vec{E} = \delta \vec{E}(\phi) = \vec{\epsilon} \xi e_{s0} (\sqrt[4]{g_{00}} - 1), \quad \delta \vec{B} = \delta \vec{B}(\phi) = \vec{\epsilon} \xi b_{s0} (\sqrt[4]{g_{00}} - 1).$$

Densidade de energia

$$\rho_{\rm em}^{\rm total} = \frac{1}{2} \epsilon_0 [E + \delta E(\phi)]^2 + \frac{1}{2\mu_0} [B + \delta B(\phi)]^2.$$

$$\rho_{\text{em}}^{\text{total}} = \frac{1}{2} \left[ \epsilon_0 E^2 + \frac{1}{\mu_0} B^2 \right] + \xi \left[ \epsilon_0 E e_{s0} + \frac{1}{\mu_0} B b_{s0} \right] (\sqrt[4]{g_{00}} - 1)$$
$$+ \frac{1}{2} \xi^2 \left[ \epsilon_0 (e_{s0})^2 + \frac{1}{\mu_0} (b_{s0})^2 \right] (\sqrt[4]{g_{00}} - 1)^2.$$

## O atomo de Hidrogênio Gravitacional

Acoplamento Gravito-eletromagnético

$$\alpha_{\text{gel}}^2 = \alpha_g \alpha = F'(e^2) F(Gm_p m_e) = \frac{Gm_p m_e e^2}{\hbar^2 c^2},$$

Constante de acoplamento Gravito-eletromagnética

$$\xi = \frac{V}{c} = \sqrt{\frac{Gm_p m_e}{4\pi\epsilon_0}} \frac{q_e}{\hbar c},$$

Velocidade Minima

$$V = \frac{\sqrt{Gm_p m_e}e}{\hbar} = \left(e\sqrt{\frac{m_p m_e c^3}{\hbar^3}}\right) l_{\rm Pl} = \frac{l_{\rm Pl}}{\tau} \sim 10^{-14} \,\mathrm{m/s},$$

$$\xi \cong 1.5302 \times 10^{-22}$$
.  $V \cong 4.5876 \times 10^{-14} \,\mathrm{m/s}$   $V \approx \sqrt{\frac{e^2}{m_p}} \Lambda^{\frac{1}{2}}$ 

## O Spin relacionado à Velocidade Minima

O Magnetom de Borh

$$\vec{\mu} = -g_s \frac{e\hbar}{2m_e} \frac{\vec{s}}{\hbar} \qquad \qquad \mu_B = \frac{e\hbar}{2m_e}$$

A constante Gravi-eletromagnética e o magneton de Borh

$$\xi^2 = \frac{Gm_p e^3}{2\hbar\mu_B c^2} \qquad V^2 = \frac{Gm_p e^3}{2\hbar\mu_B}$$

A velocidade Minima e o Magneton Nuclear

$$V^2 = \frac{Ge^4}{4\mu_N \mu_B}$$

## Uma interação com o vácuo

$$\rho_{\text{em}}^{\text{total}} = \frac{1}{2} \left[ \epsilon_0 E^2 + \frac{1}{\mu_0} B^2 \right] + \xi \left[ \epsilon_0 E e_{s0} + \frac{1}{\mu_0} B b_{s0} \right] (\sqrt[4]{g_{00}} - 1)$$
$$+ \frac{1}{2} \xi^2 \left[ \epsilon_0 (e_{s0})^2 + \frac{1}{\mu_0} (b_{s0})^2 \right] (\sqrt[4]{g_{00}} - 1)^2.$$

O termo gravo-eletromagnético

$$\rho_{\rm em}^{(2)} = \frac{V^2}{2c^2} \left[ \epsilon_0(e_{s0})^2 + \frac{1}{\mu_0} (b_{s0})^2 \right] (\sqrt[4]{g_{00}} - 1)^2$$

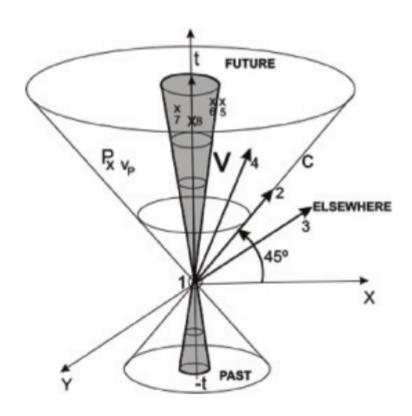
O eletron interagindo com um campo gravitacional do vacuo ao redor dele

arXiv:1710.05901

Semelhante ao principio de Mach sem ferir o segundo postulado

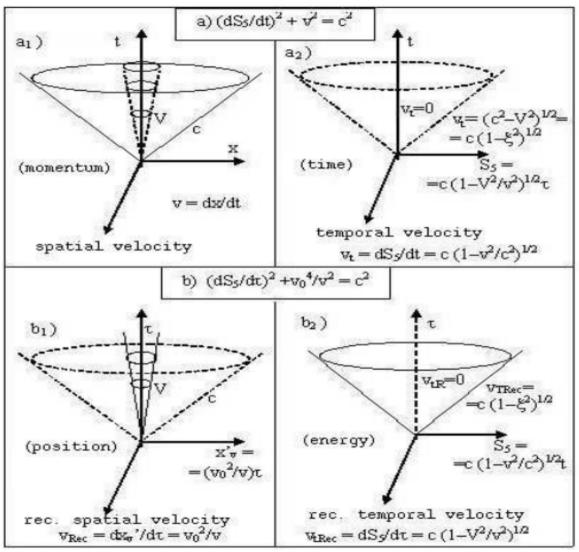
### A Estrutura Causal

#### O Cone de Sombra



- C. Nassif, Pramana Journal of Physics, Vol.71, 1, p.1-13 (2008).
- C. Nassif: An explanation for the tiny value of the cosmological constant and the low vacuum energy density, General Relativity and Gravitation Vol.47, 9, p.1-34 (2015).

## A Estrutura Causal



[4] Claudio Nassif, 'Doubly Special Relativity with a minimum speed and the Uncertainty Principle'International Journal of Modern Physics D, Vol.21, N.2, p.1-20 (2012)

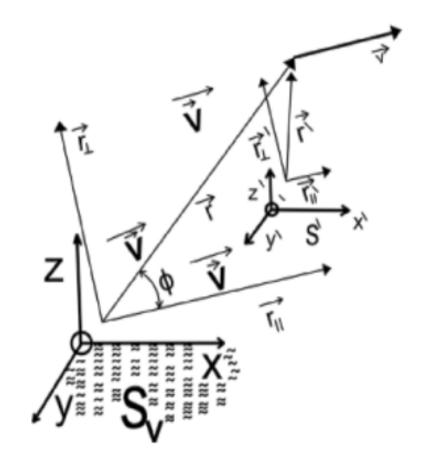
## A transformação em 3d

Referêncial Galineano: É um sistema macroscópico, onde existe um conjunto de pontos em repouso relativamente uns aos outros

Referêncial não Galineano: É um conjunto de todas as particulas, que tem o mesmo Estado de movimento em relação ao fundo

O fundo: Equivale a um zero absoluto, estabelecendo uma escala de velocidades absolutas.

Uma teoria independente do observador



## As transformações de velocidade

$$v_{\rm rel} = \frac{v' + v - V}{1 + \frac{v'v}{c^2} - \frac{v'V}{c^2}} = \frac{v' + v^*}{1 + \frac{v'v^*}{c^2}},$$

$$v' = v = V \Rightarrow "V + V" = V$$

$$v^* = v\epsilon = v(1 - \alpha) = v(1 - V/v) = v - V.$$

Uma escala de velocidades absolutas semelhantes a escala de temperatura absolutas

C. Nassif, Deformed Special Relativity with an energy barrier of a minimum speed, International Journal of Modern Physics D Vol.19, No.5, p.539 (2010).

### Efeitos anti-relativisticos

Contração do tempo impróprio (Referências não galileanos)

$$\Delta \tau \sqrt{1-\frac{V^2}{v^2}} = \Delta t \sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}},$$

As transformações espaço-temporais

$$x' = \Psi(x - vt + Vt) = \theta\gamma(x - vt + Vt)$$

$$t' = \Psi\left(t - \frac{vx}{c^2} + \frac{Vx}{c^2}\right) = \theta\gamma\left(t - \frac{vx}{c^2} + \frac{Vx}{c^2}\right),$$

C. Nassif, Deformed Special Relativity with an energy barrier of a minimum speed, International Journal of Modern Physics D Vol.19, No.5, p.539 (2010).

C.Nassif: 'An explanation for the tiny value of the cosmological constant and the low vacuum energy density', General Relativity and Gravitation Vol.47, Issue 9 (2015

# O potencial gravitacional (machiano)

Relação de dispersão deformada pelo potencial

$$E = m_0 c^2 \frac{\sqrt{1 - \frac{V^2}{v^2}}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = m_0 c^2 \left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right),$$

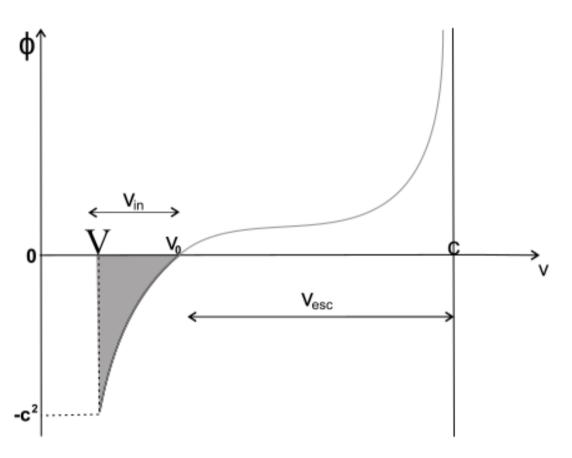
$$\phi = c^2 \left[ \frac{\sqrt{1 - \frac{V^2}{v^2}}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right],$$

Os regimes do potencial gravitacional

$$\phi = \begin{cases} \phi_Q : -c^2 < \phi \le 0 & \text{for } V(=\xi c) < v \le v_0, \\ \phi_{\text{att}} : 0 \le \phi < \infty & \text{for } v_0 (=\sqrt{\xi}c = \sqrt{cV}) \le v < c, \end{cases}$$

C. Nassif: An explanation for the tiny value of the cosmological constant and the low vacuum energy density, General Relativity and Gravitation Vol.47, 9, p.1-34 (2015).

## A variação do pontencial Machiano



$$v_0 = \sqrt{cV} \sim 10^{-3} \,\mathrm{m/s!}$$

Setor Atrativo

$$\rho = m_0 c^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right)$$

Setor Repulsivo

$$\rho = m_0 c^2 \left( \sqrt{1 - \frac{V^2}{v^2}} - 1 \right)$$

**Dois Cutofs** 

$$\rho_{IR}, \rho_{UV}$$

### Potencial de Incertezas

O momentum com relação ao Hiperreferêncial

$$P = \Psi m_0 v, \qquad P = \Delta p$$

A transformação dos tempos e dos espaços

$$\Delta x_v' = v_{rec} \Delta \tau = \frac{v_0^2}{v} \Delta \tau = \frac{v_0^2}{v} \Delta t \Psi^{-1},$$

A relação de incerteza

$$\Delta x_v' P = \frac{v_0^2}{v} \Delta t \Psi^{-1} \Psi m_0 v = (m_0 v_0) (v_0 \Delta t)$$

O Potencial de Incertezas

$$\phi = c^2 \left[ \frac{\sqrt{1 - \frac{V^2}{v^2}}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right],$$

 [4] Claudio Nassif, 'Doubly Special Relativity with a minimum speed and the Uncertainty Principle'International Journal of Modern Physics D, Vol.21, N.2, p.1-20 (2012)

## A Estrutura Algébrica da SSR

- Fechamento
- Associatividade
- Elemento neutro
- Elemento inverso

Não conseguimos encontrar um elemento neutro multiplicativo

Não temos um referencial de repouso

C. Nassif, Int. J. Mod. Phys. D 25 (2016) 1650096, http://www.worldscientific.com/worldscinet/ijmpd?journalTabs=read.

# Transformações da SSR para os campos eletromagnéticos (2+1)D

#### **Diretas**

$$\vec{E}'_{\perp} = \theta \Psi (\vec{E}_{\perp} + \vec{v} \times \vec{B}_{\perp} - \vec{V} \times \vec{B}_{\perp}),$$

$$\vec{B}_{\perp}' = \theta \Psi \left( \vec{B}_{\perp} - \frac{\vec{v}}{c^2} \times \vec{E}_{\perp} + \frac{\vec{V}}{c^2} \times \vec{E}_{\perp} \right);$$

$$\vec{E}_{\parallel}' = \Psi^2 \left[ 1 - \frac{v^2}{c^2} \left( 1 - \frac{V}{v} \right)^2 \right] \vec{E}_{\parallel}$$

$$\vec{B}'_{\parallel} = \theta^2 \vec{B}_{\parallel}.$$

#### Inversa

$$\vec{E}_{\perp} = \theta^{-1} \Psi'(\vec{E}'_{\perp} - \vec{v} \times \vec{B}'_{\perp} + \vec{V} \times \vec{B}'_{\perp}),$$

$$\vec{B}_{\perp} = \theta^{-1} \Psi' \left( \vec{B}_{\perp}' + \frac{\vec{v}}{c^2} \times \vec{E}_{\perp}' - \frac{\vec{V}}{c^2} \times \vec{E}_{\perp}' \right);$$

$$\vec{E}_{\parallel} = \frac{\Psi^{-2}}{1 - \frac{v^2}{c^2} \left(1 - \frac{V}{v}\right)^2} \vec{E}_{\parallel}'$$

$$\vec{B}_{\parallel} = \theta^{-2} \vec{B}_{\parallel}' = \Theta \vec{B}_{\parallel}',$$

#### Evidência de um movimento Z.B.Wl

$$\Theta = \theta^{-2} = (1 - \frac{V^2}{v^2})^{-1},$$

$$\frac{\theta^{-1}\gamma^{-1}}{1-\beta_*^2} = \frac{\Psi^{-1}}{1-\beta^2(1-\alpha^2)} = \Psi'$$

# A equação de Onda permanece invariante

$$\det \Lambda \left( \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial X^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} \right) = 0,$$

$$\det \Lambda = \Psi^2 [1 - \beta^2 (1 - \alpha)^2].$$

$$\beta = v/c$$
  $\alpha = V/v$ 

C. Nassif, Int. J. Mod. Phys. D 25 (2016) 1650096, http://www.worldscientific.com/worldscinet/ijmpd?journalTabs=read.

## Á Métrica

#### Transformação vetorial

$$x^{*\mu} = \theta I x^{\mu} = \sqrt{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)} I x^{\mu}, \qquad \theta = \Theta^{-1/2}$$

#### Deformando o produto escalar

$$(ds^*)^2 = ds^2(v) = dx^{*\mu} dx^*_{\mu} = \theta ds^2. \qquad (ds'*)^2 = (ds*)^2 = \eta_{\mu\nu} dx *^{\mu} dx *^{\nu},$$

$$ds^2 = \Theta \eta_{\mu\nu} dx^{\nu} dx^{\nu}$$
,

$$\Theta = \Theta(v) = \frac{1}{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)}.$$
 
$$\mathcal{G}_{\mu\nu} = \Theta \eta_{\mu\nu}$$

## A Transformação Conforme

- É uma transformação isométrica (suave)
- Preserva a geodésica nula
- Preserva angulos
- O paramentro da transformação precisa estar definido na variedade original.

## O Fator Conforme da SSR

$$\Theta(v) = \frac{1}{(1 - \frac{V^2}{v^2})} \qquad V < v < c \qquad \Theta^{-1} = \left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)$$

$$\frac{1}{1 - \xi^2} < \Theta(v) < \infty \qquad 0 < \Theta^{-1} < 1 - \xi^2,$$

#### Preservando a geodédica nula

$$\eta_{\mu\nu}x^{\mu}x^{\nu} = 0, \qquad X^{\mu} = \sqrt{(1 - \frac{V^2}{v^2})}x^{\mu}$$

$$\eta_{\mu\nu}\sqrt{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)}x^{\mu}\sqrt{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)}x^{\nu} = \left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)\eta_{\mu\nu}x^{\mu}x^{\nu} = 0.$$

Os angulos são preservados por construção

### A Curvatura

Variação da curvatura frente transformação conforme

$$\tilde{R}_{ab} - R_{ab} = \frac{1}{\Omega^2} [2\Omega \nabla^2 \Omega + (\Omega \Delta \Omega - 3|\nabla \Omega|^2) g_{ab}],$$

$$\nabla^2 \Omega = (\Delta \Omega) g_{\mu\nu}, \qquad \Delta \Omega = Tr(\nabla^2 \Omega)$$

$$\tilde{R}_{\mu\nu} - R_{\mu\nu} \propto g_{\mu\nu} \propto \tilde{g}_{\mu\nu}$$

Tensor de Ricci proporcional a métrica

$$\mathcal{R}_{\mu 
u} \propto \mathcal{G}_{\mu 
u}$$

W. KÜHNEL AND H.-B. RADEMACHER, 'CONFORMAL DIFFEO-MORPHISMS PRESERVING THE RICCI TENSOR', proceedings of the american mathematical society Volume 123, Number 9, September 1995

## Solução da Equação de Einstein

Tensor Energia Momentum de um gás ideal

$$\mathcal{T}_{\mu\nu} = (p+\rho)\mathcal{U}_{\mu}\mathcal{U}_{\nu} + p\mathcal{G}_{\mu\nu}.$$
 EOS

$$p = -\rho$$

Tensor energia-momentum da constante cosmológica

$$\mathcal{T}_{\mu\nu} = -\rho \mathcal{G}_{\mu\nu} = -\frac{\Lambda c^2}{8\pi G} \mathcal{G}_{\mu\nu} = -\frac{\Theta \Lambda c^2}{8\pi G} g_{\mu\nu}$$
$$\mathcal{R}_{\mu\nu} - \frac{R}{2} \mathcal{G}_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^2} \mathcal{T}_{\mu\nu}.$$
$$\mathcal{R}_{\mu\nu} - \frac{R}{2} \mathcal{G}_{\mu\nu} + \Lambda \mathcal{G}_{\mu\nu} = 0,$$

## A métrica da SSR e a Métrica de De Sitter

O Pontencial escalar sendo associado a coordeada radial

$$\phi = \phi(\Lambda, r_u) = -\frac{\Lambda r_u^2}{6},$$

O Fator conforme nas 3 representações

$$\Theta = \frac{1}{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)} = \frac{1}{\left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right)^2} = \frac{1}{\left(1 - \frac{\Lambda r^2}{6c^2}\right)^2},$$

$$dS^{2} = -\frac{c^{2}dt^{2}}{\left(1 - \frac{\Lambda r^{2}}{6c^{2}}\right)^{2}} + \frac{dr^{2}}{\left(1 - \frac{\Lambda r^{2}}{6c^{2}}\right)^{2}} + \frac{r^{2}(d\theta)^{2} + r^{2}\sin^{2}\theta(d\Phi)^{2}}{\left(1 - \frac{\Lambda r^{2}}{6c^{2}}\right)^{2}}$$

r = r

# A relação da Teoria de Nassif com os espaços ADS

Trabalhando em outro regime

$$v_0 << v < c$$

$$\phi(v) = c^2 \left( \sqrt{\frac{1}{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right)$$

Fator conforme neste regime

$$\Theta'^{-1}(\phi) = \left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right)^{-2} \equiv 1 - \frac{v^2}{c^2}$$

$$\Theta'(\phi) = \left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right)^2 \equiv \frac{1}{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

$$G'_{\mu\nu} = \Theta'(v)\eta_{\mu\nu}$$

$$\mathcal{R}'_{\mu\nu} \propto \mathcal{G}'_{\mu\nu}$$
.

## Uma métrica ADS

Ansatz:

$$\phi = \frac{\Lambda r^2}{6},$$

Novos fatores conformes

$$\Theta'(\phi) = \left(1 + \frac{\Lambda r^2}{6c^2}\right)^2, \Theta'^{-1}(\phi) = \left(1 + \frac{\Lambda r^2}{6c^2}\right)^{-2}$$

A métrica

$$dS_{ADS}^{2} = \left(1 + \frac{\Lambda r^{2}}{6c^{2}}\right)^{2} \left(-c^{2}dt^{2} + \Sigma_{i=1}^{3}dx_{i}^{2}\right)$$

## Usando a propriedade conforme

#### O Tensor de Riemann conforme

$$R^{\mu}_{\nu\rho\sigma} = \frac{\Lambda}{6} [\delta^{\mu}_{\rho} g_{\nu\sigma} - \delta^{\mu}_{\sigma} g_{\nu\rho}] \qquad \qquad \mathcal{R}^{\mu}_{\nu\rho\sigma} = \frac{\Lambda\Theta(v)}{6} [\delta^{\mu}_{\rho} \eta_{\nu\sigma} - \delta^{\mu}_{\sigma} \eta_{\nu\rho}]$$

$$G_{\mu\nu} = \Theta \eta_{\mu\nu}$$

$$\mathcal{R}_{\mu\nu}(v) = -\frac{\Lambda\Theta(v)}{6}\eta_{\mu\nu} = \frac{\Lambda}{6}\mathcal{G}_{\mu\nu}(v)$$

# O Tensor Energia Monentum (Repulsivo)

$$\Lambda_{\mu\nu} = \frac{5}{3}\Lambda \mathcal{G}_{\mu\nu}$$

A Quebra da Simetria de Lorentz implica que os dois tensores têm comportamentos diferentes

$$\Lambda_{\mu\nu}, \Lambda^{\mu\nu}$$

As métricas se comportam de formas opostas

$$\mathcal{G}_{\mu\nu} \to \infty$$

$$G^{\mu\nu} \rightarrow 0$$

# Alguns Limites (Transição de Fase)

Fraco Acoplamento Gravo-eletromagnético

$$\mathcal{G}_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + \frac{V^2}{v^2} \eta_{\mu\nu} + \frac{V^4}{2!v^4} \eta_{\mu\nu} + \frac{V^6}{3!v^6} \eta_{\mu\nu} + \frac{V^8}{4!v^8} \eta_{\mu\nu} + ...,$$

O potencial de incertezas

$$\phi(v \to v_0^-) \approx c^2 \left( \frac{\sqrt{1 - \frac{V}{c}}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right) \approx 0$$

$$\mathcal{G}_{\mu\nu} \approx \eta_{\mu\nu} + \frac{V}{c}\eta_{\mu\nu}$$

$$\mathcal{G}^{\mu\nu} \approx \eta^{\mu\nu} + \frac{V}{c} \eta^{\mu\nu}$$

## Relação de Dispersão deformada

$$p^{\mu}p_{\mu} = (m_o c)^2 \left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right)$$

$$\mathcal{P}^{\mu}\mathcal{P}^{\nu} = m_0^2 c^2 \left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right) \eta^{\mu\nu}$$

$$\mathcal{P}^{\mu}\mathcal{P}^{\nu} = \frac{1}{4}m_0^2 c^2 \mathcal{G}^{\mu\nu}$$

$$\mathcal{P}^{\mu} = m_0 c \mathcal{U}^{\mu}$$

Poeira é inseparavel da interação

$$U^{\mu}U^{\nu} = G^{\mu\nu}$$

# Relação de Dispersão implica em Deslocalização

A Métrica inversa

$$U_{\mu}U_{\nu} = \mathcal{G}_{\mu\nu}$$

Expressão da desclocalização

$$\mathcal{U}^{\mu}(v \to V) = 0$$

$$\mathcal{U}^{\mu}(v \to \sqrt{Vc}) = u^{\mu}$$

$$\mathcal{U}_{\mu}(v \to V) \to \infty$$

$$\mathcal{U}_{\mu}(v \to \sqrt{Vc}) = u_{\mu}$$

# A Lagrangeana de uma particula acoplada ao vacuo

Lagrangeana Relativisitca

$$\mathcal{L} = -m_0 c^2 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

Hamiltoniana Relativistica

$$h = \partial_t[q_j]p_j - \mathcal{L} = \frac{mv_jv_j}{\sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}} + m_0c^2\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} + U$$
 
$$h = \frac{m_0c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} + U = E$$

Introduzindo os efeitos do vacuo associados a Velocidade Minima

$$E = m_0 c^2 \sqrt{\frac{1 - \frac{V^2}{v^2}}{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = h = m_0 v^2 \sqrt{\frac{1 - \frac{V^2}{v^2}}{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - \mathcal{L}$$

Lagrangeana de uma particula acolpada com o vacuo

$$\mathcal{L} = -m_0 c^2 \theta \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}} = -m_0 c^2 \sqrt{\left(1 - \frac{V^2}{v^2}\right) \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)}$$

### Dirac-Borh-Infeld

Potencial Taquiônico

$$\mathcal{V} = -m_0 c^2 \sqrt{1 - \frac{V^2}{v^2}}$$

Potencial taquiônico em termos do potencial de incertezas

$$\mathcal{V} = -m_0 c^2 \left( 1 - \frac{\phi}{c^2} \right)$$

## A Lagrangeana de Nassif

$$\mathcal{L}_{vacuo} = -m_0 c^2 \Theta^{-\frac{1}{2}}(\phi)$$

Via funcional de Schwinger

$$\mathcal{T}^{\mu\nu}(\phi) = \frac{2}{\sqrt{-\mathcal{G}}} \frac{\delta(\sqrt{-\mathcal{G}}\mathcal{L}_{Vacuo})}{\delta\mathcal{G}_{\mu\nu}} = \Theta^{-2}(\phi) \frac{\delta(\Theta^{2}(\phi)\mathcal{L}_{vacuo})}{\delta(\Theta(\phi))} \eta^{\mu\nu}$$

$$\mathcal{G}_{\mu\nu} = \Theta(\phi)\eta_{\mu\nu}, \ \delta\mathcal{G}_{\mu\nu} = \delta(\Theta(\phi))\eta_{\mu\nu}, \ \sqrt{-\mathcal{G}} = \Theta^2(\phi).$$

# O Tensor energia-Momentum taquiônico

$$\mathcal{T}_{vacuo}^{\mu\nu}(\phi) = -3m_0c^2\Theta^{-\frac{3}{2}}(\phi)\eta^{\mu\nu} = -3m_0c^2\left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right)\mathcal{G}^{\mu\nu}(\phi)$$

Via Equação de Einstein

$$\mathcal{R}^{\mu\nu} = -\frac{8\pi G}{c^2} \frac{3}{2} m_0 c^2 \Theta^{-\frac{3}{2}}(\phi) \eta^{\mu\nu}$$

O Traço, semelhante a um potencial inflatônico

$$\mathcal{T} = -3m_0c^2\left(1 + \frac{\phi}{c^2}\right)^3$$

### Conclusões

- Apresentamos uma deformação na teoria da relatividade de Einstein, que é capaz de introduzir efeitos de vácuo naturalmente na própria teoria. Chegamos a resultados tipicos de teorias inflacionárias, mostrando que a SSR é capaz de resolver problemas inflacionários.
- Reconciliamos a relatividade com os principios de Mach em uma versão quântica.
- Resgatamos aqui o eter, contudo um eter não luminifero, sem vento.

## Perspectivas

- Estudar o efeito da velocidade minima em referênciais de Rindler
- Estudar o problema do principio da equivalência
- Consequências da não pontualidade do eletron e a questão da renormalização
- Equação de Klein Gordon para as métricas geradas pela SSR.
- Relação da SSR com a teoria de David Bohm